

## Übungen zu Analysis III

1. (2P) (Parametrisierung impliziter DGlen) Sei  $\{(x, y(x)) : x \in I\}$  eine Kurve im  $\mathbb{R}^2$  und  $x(t), y(x(t))$  für  $t \in J$  eine Parametrisierung mit  $\dot{x}(t) \neq 0$  in  $J$ , wobei  $I$  und  $J$  Intervalle bedeuten. Es ist  $y(x)$  eine Lösung der DGl  $F(x, y, y') = 0$  genau dann, wenn  $x(t), y(x(t))$  Lösung der DGl  $F(x, y, \dot{y}/\dot{x}) = 0$  ist.  
(Hinweis: An geeigneter Stelle fasse man  $y(x)$  als  $y(t(x))$  auf.)
2. (1P) Ist es möglich, die allgemeine Lösung der DGl  $y' = f(x)g(y)$  mit  $f, g$  stetig in den Intervallen  $J_x$  bzw.  $J_y$  und  $g(y) \neq 0$  in  $J_y$  [“Trennung der Variablen”] zu bestimmen, indem man sie als exakte DGl  $f(x) - \frac{1}{g(y)} y' = 0$  behandelt?
3. (4P) Man löse die DGl

$$3x^2(y-x)^2 y' + [\sin x - x \cos x - 3x^2(y-x)^2] = 0.$$

4. (2P) Man konstruiere alle Lösungen der DGl

$$y \cos x dx + \sin x dy = 0.$$

**Abgabe:** Mittwoch, 20.10.2004, 9.15 Uhr