

Übungen zu Topologie II

23. Die Fläche M_g ist ein CW-Komplex mit einer Zelle der Dimension 0, $2g$ Zellen der Dimension 1 und einer Zelle der Dimension 2.
24. Sei $X := \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 \mid x = 0 \text{ oder } y = 0\}$ und sei \mathcal{Z} eine Zellenzerlegung von X , mit der X zu einem CW-Komplex wird. Zeigen Sie, dass $\{(0, 0)\}$ eine 0-Zelle ist.
25. Für jede natürliche Zahl n sei C_n ein Kreis in \mathbb{R}^2 . Für alle n und m mit $n \neq m$ sei

$$C_n \cap C_m = \{(0, 0)\}.$$

Zeigen Sie, dass es auf $X := \bigcup_n C_n$ keine Zellenzerlegung gibt, mit der X zu einem CW-Komplex wird.

26. Sei $p : \tilde{X} \rightarrow X$ eine Überlagerung und \mathcal{Z} eine Zellenzerlegung von X .
- (a) Sei $\tilde{\mathcal{Z}}$ die Menge aller Teilmengen \tilde{e} von \tilde{X} , für die es ein $e \in \mathcal{Z}$ gibt, so dass $p|_{\tilde{e}}$ einen Homöomorphismus von \tilde{e} auf e liefert. Dann ist $\tilde{\mathcal{Z}}$ eine Zellenzerlegung von \tilde{X} .
- (b) Ist (X, \mathcal{Z}) ein CW-Komplex, so ist auch $(\tilde{X}, \tilde{\mathcal{Z}})$ ein CW-Komplex.

Abgabe: Dienstag, den 10.06.2008, in der Vorlesung