

Präsenzübungen zur Analysis III

1. Es sei (X, d) ein kompakter metrischer Raum. Zeigen Sie, dass er vollständig ist.
2. Es sei $E := C([0, 1])$ der Vektorraum der stetigen Funktionen auf $[0, 1]$, versehen mit der Supremumsnorm

$$\|f\|_\infty = \sup_{0 \leq x \leq 1} |f(x)|.$$

Ferner sei

$$X := \{f \in E \mid \|f\|_\infty \leq 1\}$$

Zeigen Sie, dass X nicht kompakt ist, indem Sie eine Folge $(f_n)_{n \in \mathbb{N}}$ in X angeben mit $\|f_n - f_k\|_\infty \geq 1$ für $n \neq k$.

Die Präsenzaufgaben werden weder abgegeben noch bewertet.

Besprechung: 23.–24. Oktober