

# Übungen zu Komplexen Mannigfaltigkeiten

(Winter 2024/25)

## 7. Übungsblatt (25.11.2024)

Abgabe der Lösungen nächsten Montag, 2.12.2024, bis 16:30 in der Vorlesung.

**Übung 7.1.** Sei  $\mathcal{O}(-1)$  der Quotient von  $\mathbf{C}^{n+1} \setminus \{0\} \times \mathbf{C}$  durch die Relation  $(\mathbf{x}, \lambda) \sim (\mu\mathbf{x}, \lambda\mu^{-1})$  für jedes  $\mu \in \mathbf{C}^\times$ . Zeigen Sie, dass die Projektion  $\pi : \mathcal{O}(-1) \rightarrow \mathbf{P}^n\mathbf{C}, [(\mathbf{x}, \lambda)] \mapsto [\mathbf{x}]$  ein Vektorbündel ist (das tautologische Linienbündel des  $\mathbf{P}^n\mathbf{C}$ ). (25 Punkte)

**Übung 7.2.** Sei  $E$  ein  $K$ -Vektorbündel vom Rang  $r$  mit Übergangsabbildungen  $(g_{jk})_{j,k}$  zu einer Überdeckung  $(U_j)_{j \in J}$ . Zeigen Sie, dass ein Schnitt  $s \in \Gamma(M, E)$  einer Familie von Abbildungen  $(s_j)_{j \in J}, s_j : U_j \rightarrow K^r$  mit  $\forall j, k : s_j = g_{jk}s_k$  auf  $U_j \cap U_k$  entspricht (dass  $s$  also eine solche Familie induziert und umgekehrt jede solche Familie einen Schnitt). (25 Punkte)